3	الدورة الاستدراكية 2021 منافعة المنافعة المنافع			V SOCIHIX TASETI +*ETITO+ I SOXEX TTC:O	السلحة البغرية وزارة الترية الواحية والتكوين المعنى والتعلم العامر والمعت العام المركز الوطني
SSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSS					
3	مدة الإنجاز	الرياضيات			المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية (خيار فرنسية)			الشعبة أو المسلك

INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- \checkmark L'utilisation de la couleur rouge lors de la rédaction des solutions est à éviter.

COMPOSANTES DU SUJET

L'épreuve est composée de trois exercices et un problème indépendants entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Suites numériques	4 points
Exercice 2	Nombres complexes	5 points
Exercice 3	fonctions numériques	3 points
Problème	Etude de fonctions numériques et calcul intégral	8 points

√ ln désigne la fonction logarithme népérien

3	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع - مادة: الرياضيات- شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيانية (خيار فرنسية)		
	Exercice 1: (4 points)		
	Soit (u_n) la suite numérique définie par : $u_0 = \frac{1}{3}$ et $u_{n+1} = \frac{1+u_n}{3-u_n}$ pour tout n de IN		
0.5	1) Montrer que pour tout n de IN , $0 < u_n < 1$		
0.5	2) a) Montrer que pour tout n de IN $u_{n+1} - u_n = \frac{(u_n - 1)^2}{3 - u_n}$		
0.5	b) Montrer que la suite (u_n) est convergente.		
	3) On pose $v_n = \frac{1}{1 - u_n}$ pour tout n de IN		
0.75	a) Montrer que (v_n) est une suite arithmétique et déterminer sa raison et son premier terme.		
0.75	b) Déterminer v_n en fonction de n et en déduire que $u_n = \frac{n+1}{n+3}$, pour tout n de IN		
0.5	c) Calculer la limite de la suite (u_n)		
0.5	4) A partir de quelle valeur de n , a-t-on $u_n \ge \frac{1011}{1012}$?		
	Exercice 2: (5 points)		
0.75	1) Résoudre dans l'ensemble \mathbb{C} des nombres complexes l'équation : $z^2 - 6z + 13 = 0$		
	2) Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct $(O,ec{u},ec{v})$, on considère		
	les points A , B et C d'affixes respectives a , b et c telles que: $a=3+2i$; $b=3-2i$ et $c=-1-2i$		
0.5	a) Ecrire $\frac{c-b}{a-b}$ sous forme trigonométrique.		
0.5	b) En déduire la nature du triangle ABC		
	3) Soit R la rotation de centre B et d'angle $\dfrac{\pi}{2}$. Soit M un point du plan d'affixe z et le		
	point M' d'affixe z' l'image de M par R , et soit $ {\it D} $ le point d'affixe $ d = -3 - 4i $		
0.5	a) Ecrire z' en fonction de z		
0.25	b) Vérifier que C est l'image de A par R		
0.5	4) a) Montrer que les points A, C et D sont alignés.		
0.5	b) Déterminer le rapport de l'homothétie h de centre C et qui transforme A en D		
0.5	c) Déterminer l'affixe m du point E pour que le quadrilatère $BCDE$ soit un parallé \log ramme		
0.5	5) a) Montrer que $\frac{d-a}{m-b}$ est un nombre réel.		
0.5	b) En déduire que le quadrilatère $ABED$ est un trapèze isocèle.		

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية **RS 22F** 3 3 (خيار فرنسية) Exercice 3: (3 points) On considère la fonction numérique h définie sur $]0; +\infty[$ par : $h(x) = x + \ln x$ 0.5 1) Montrer que la fonction h est strictement croissante sur $]0; +\infty[$ 0.5 2) Déterminer $h(]0; +\infty[)$ 0.5 3) a) En déduire que l'équation h(x) = 0 admet une solution unique α sur $[0; +\infty]$ 0.5 **b)** Montrer que $0 < \alpha < 1$ 4) a) Vérifier que $h\left(\frac{1}{\alpha}\right) = \alpha + \frac{1}{\alpha}$ 0.5 b) En déduire que $h\left(\frac{1}{\alpha}\right) > 2$ 0.5 Problème: (8 points) Soit f la fonction numérique définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = 2 - xe^{-x+1}$ et (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé (O,\vec{i},\vec{j}) (unité : 1 cm) 1) Calculer $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ et interpréter le résultat géométriquement. 0.5 2) a) Calculer $\lim_{x \to \infty} f(x)$ 0.5 b) Montrer que $\lim_{x \to -\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ et interpréter le résultat géométriquement. 0.75 3) a) Montrer que pour tout x de \mathbb{R} : $f'(x) = (x-1)e^{-x+1}$ 0.75 0.5 b) Dresser le tableau de variations de la fonction f4) a) Calculer f''(x) pour tout x de \mathbb{R} 0.5 0.5 b) Montrer que la courbe (C) admet un point d'inflexion d'abscisse 2 5) Construire la courbe (C) dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) (on prend : $f(2) \approx 1,25$) 1 0.5 6) Déterminer la valeur minimale de la fonction f et en déduire que pour tout x de \mathbb{R} , $e^{x-1} \ge x$ 7) a) En utilisant une intégration par parties, calculer : $\int_0^2 xe^{-x} dx$ 0.5 **b)** En déduire que $\int_{0}^{2} f(x) dx = 4 - e + 3e^{-1}$ 0.5 8) Soit g la restriction de f à l'intervalle $]-\infty,1]$ a) Montrer que g admet une fonction réciproque g^{-1} définie sur un intervalle J à déterminer. 0.5 b) Construire la courbe représentative de g^{-1} dans le même repère (O, \vec{i}, \vec{j}) 0.75 c) A partir de la courbe représentative de g^{-1} , déterminer $\lim_{x\to+\infty} \left(\frac{g^{-1}(x)}{x} \right)$ 0.25